

FONCTIONS DE RÉFÉRENCE

Racines et parité

C. SCOLAS



<https://bit.ly/3W4ZXWm>



1. Détermine les racines de chaque fonction :

$$(1) f(x) = 6x^2 + 4x$$

$$6x^2 + 4x = 0$$

$$\Leftrightarrow 2x \cdot (3x + 2) = 0$$

↓

$$x = 0$$

↓

$$x = -\frac{2}{3}$$

$$(2) f(x) = 6x + 3$$

$$6x + 3 = 0$$

$$\Leftrightarrow x = -\frac{3}{6}$$

$$\Leftrightarrow x = -\frac{1}{2}$$

$$(3) f(x) = \frac{-2x-4}{x+1}$$

$$\frac{-2x-4}{x+1} = 0$$

$$\Leftrightarrow -2x - 4 = 0$$

$$\Leftrightarrow -2x = 4$$

$$\Leftrightarrow x = -2$$

$$(4) f(x) = x^2 - 10x + 25$$

$$x^2 - 10x + 25 = 0$$

$$\Leftrightarrow (x-5)^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow x - 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 5$$

$$(5) f(x) = \frac{3}{4-x^2}$$

$$\frac{3}{4-x^2} = 0$$

$$\Leftrightarrow 3 = 0$$

Impossible $\Rightarrow$ La fonction ne possède pas de racine.

$$(6) f(x) = \sqrt{-4x^2 + x}$$

$$\sqrt{-4x^2 + x} = 0$$

$$\Leftrightarrow -4x^2 + x = 0$$

$$\Leftrightarrow x \cdot (-4x + 1) = 0$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$x = 0 \quad x = \frac{1}{4}$$

$$(7) f(x) = \frac{-(x-2)(x+4)}{x^2 - 6x + 9}$$

$$f(x) = 0$$

$$\Leftrightarrow -(x-2)(x+4) = 0$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$x = 2 \quad x = -4$$

$$(8) f(x) = \frac{3-4x}{2-x^2}$$

$$f(x) = 0$$

$$\Leftrightarrow 3 - 4x = 0$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{3}{4}$$

$$(9) f(x) = x^3 - x^2$$

$$x^3 - x^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow x^2 \cdot (x-1) = 0$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$x = 0 \quad x = 1$$

$$(10) f(x) = \sqrt{4-12x}$$

$$\sqrt{4-12x} = 0$$

$$\Leftrightarrow 4 - 12x = 0$$

$$\Leftrightarrow -12x = -4$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{-4}{-12} = \frac{1}{3}$$

$$(11) f(x) = \frac{2}{x+2} + \frac{4}{3x-1}$$

$$\frac{2}{x+2} + \frac{4}{3x-1} = 0 \Leftrightarrow \frac{2 \cdot (3x-1) + 4 \cdot (x+2)}{(x+2) \cdot (3x-1)} = 0$$

$$\Leftrightarrow 2 \cdot (3x-1) + 4 \cdot (x+2) = 0$$

$$\Leftrightarrow 6x - 2 + 4x + 8 = 0$$

$$\Leftrightarrow 10x + 6 = 0$$

$$(12) f(x) = \frac{2x^2 - 8}{x} \Leftrightarrow x = \frac{-6}{10} = -\frac{3}{5}$$

$$f(x) = 0 \Leftrightarrow 2x^2 - 8 = 0$$

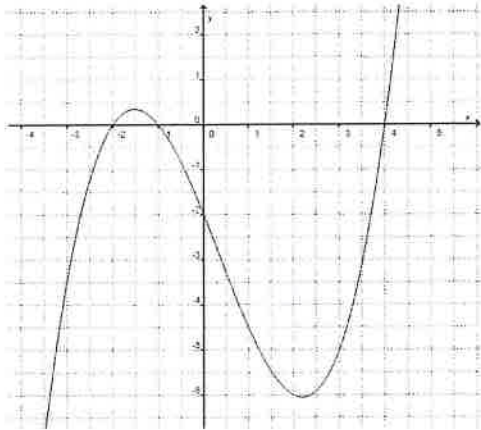
$$\Leftrightarrow 2 \cdot (x^2 - 4) = 0$$

$$\Leftrightarrow 2 \cdot (x-2)(x+2) = 0$$

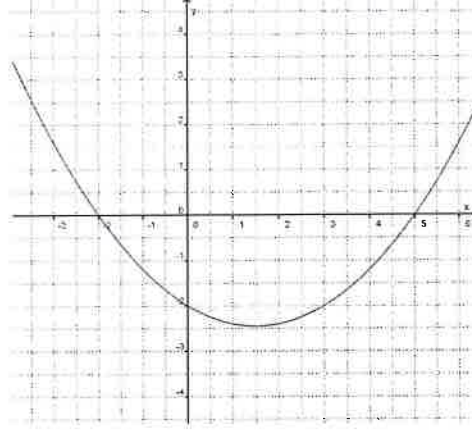
$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$x = 2 \quad x = -2$$

2. Donne les racines des fonctions dont on te donne le graphique :

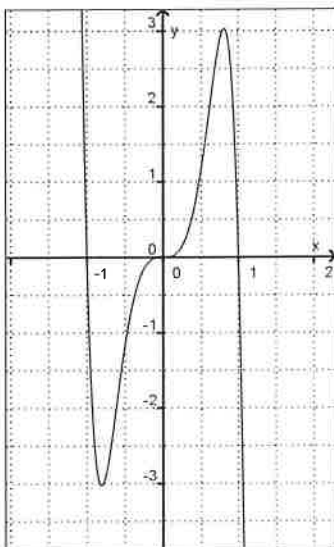


$x = -2, x = -1$ et $x = 4$

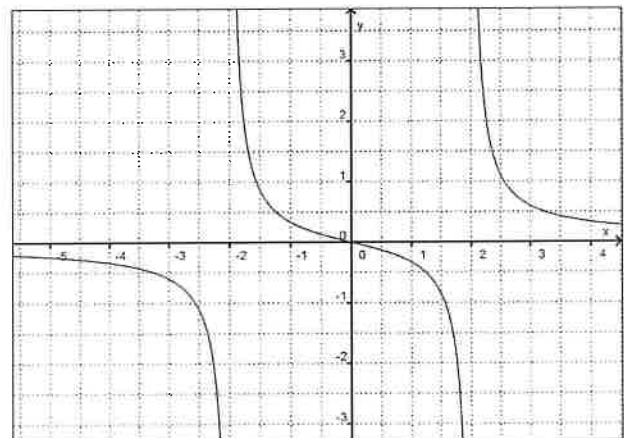


$x = -2$ et $x = 5$

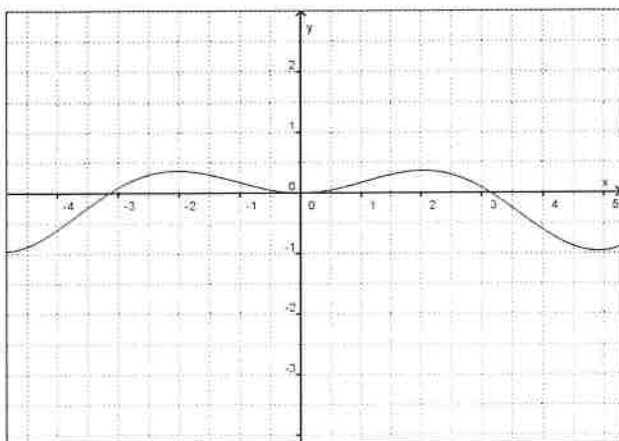
3. Indique la parité de chacune des fonctions représentées ci-dessous :



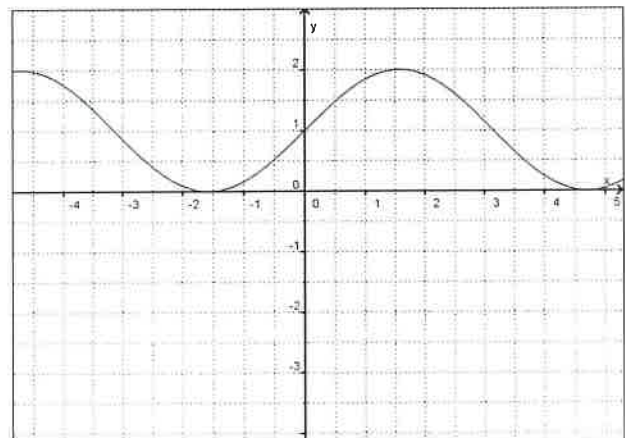
Impaire



Impaire



Paire



Quelconque

4. Détermine la parité des fonctions suivantes :

$$(1) f(x) = x + \frac{1}{x}$$

$$f(-x) = -x + \frac{1}{-x}$$

$$= -\left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= -f(x) \rightarrow f \text{ est impaire}$$

$$(2) f(x) = \frac{-1}{-x^5 - x^3}$$

$$f(-x) = \frac{-1}{-(-x)^5 - (-x)^3}$$

$$= \frac{-1}{x^5 + x^3}$$

$$= -f(x) \rightarrow f \text{ est impaire}$$

$$(3) f(x) = \sqrt{x^2 - 4}$$

$$f(-x) = \sqrt{(-x)^2 - 4}$$

$$= \sqrt{x^2 - 4}$$

$$= f(x) \rightarrow f \text{ est paire}$$

$$(4) f(x) = 2x^2 + 3x - 1$$

$$f(-x) = 2(-x)^2 + 3(-x) - 1$$

$$= 2x^2 - 3x - 1$$

$$\neq f(x)$$

$$\neq -f(x) \rightarrow f \text{ est quelconque}$$

$$(5) f(x) = \frac{x}{1+x^2}$$

$$f(-x) = \frac{-x}{1+(-x)^2}$$

$$= \frac{-x}{1+x^2}$$

$$= -f(x) \rightarrow f \text{ est impaire}$$

$$(6) f(x) = x^2 + \frac{1}{x}$$

$$f(-x) = (-x)^2 + \frac{1}{-x}$$

$$= x^2 - \frac{1}{x}$$

$$\neq f(x)$$

$$\neq -f(x) \rightarrow f \text{ est quelconque}$$

5. Vrai ou faux ? Si une fonction paire admet une racine en $x = -2$, alors elle admet aussi une racine en $x = 2$. Justifie ton choix.

Vrai car, pour une fonction paire, deux nombres opposés ont la même image. Comme $f(-2) = 0$, on a $f(2) = 0$. Ce qui signifie que 2 est une racine de la fonction.

6. Une fonction f est définie sur $[-6; 6]$ et une partie de sa représentation graphique est donnée. Complète celle-ci en bleu pour que la fonction soit paire et en vert pour qu'elle soit impaire.

